



HAL
open science

Classification des Séries Temporelles Incertaines par Transformation Shapelet

Michael Franklin Mbouopda, Engelbert Mephu Nguifo

► **To cite this version:**

Michael Franklin Mbouopda, Engelbert Mephu Nguifo. Classification des Séries Temporelles Incertaines par Transformation Shapelet. 2019. hal-02394444

HAL Id: hal-02394444

<https://uca.hal.science/hal-02394444v1>

Preprint submitted on 10 Dec 2019

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

Classification des Séries Temporelles Incertaines par Transformation Shapelet

Michael Franklin MBOUOPDA*, Engelbert MEPHU NGUIFO**

*LIMOS, CNRS, University Clermont Auvergne, Clermont-Ferrand, France
michael.mbouopda@uca.fr,

**LIMOS, CNRS, University Clermont Auvergne, Clermont-Ferrand, France
engelbert.mephu_nguifo@uca.fr

Résumé. La classification des séries temporelles est une tâche utilisée dans divers domaines tels que la météorologie, la médecine et la physique. Elle a pour but de classer des objets modélisés sous forme de séries temporelles. Des algorithmes toujours plus efficaces ont vu le jour durant cette dernière décennie pour accomplir cette tâche. Parmi ces algorithmes, il y a ceux basés sur la transformation en shapelet. Cependant aucun de ces derniers n'est applicable dans le cadre des séries temporelles incertaines. En utilisant les techniques de propagation de l'incertitude, nous proposons dans cet article une nouvelle mesure de dissimilarité incertaine que nous utilisons ensuite pour adapter la transformation en shapelet aux séries temporelles incertaines. Une validation expérimentale sur des données de la littérature montre l'intérêt de notre approche.

1 Introduction

Dans la dernière décennie il y a eu une grande explosion de la disponibilité de mesures dans une grande variété d'applications telles que la météorologie, l'astronomie et le traçage d'objets. Dans ces domaines, les mesures sont généralement représentées sous forme de séries temporelles (Dallachiesa et al., 2012), c'est à dire une séquence de données ordonnées sur une dimension temporelle. Également il y a eu un accroissement de techniques de classification des séries temporelles (Bagnall et al., 2017; Fawaz et al., 2019b). Cependant, les techniques existantes dans la littérature supposent toutes que les mesures sont faites de façon fiable. Nous savons pourtant qu'à toute mesure est associée une incertitude qui provient de sources diverses (instrument de mesure, environnement de mesure, etc). Cette incertitude n'est pas toujours négligeable, d'où la nécessité d'avoir des modèles qui prennent cela en considération.

La classification des séries temporelles par transformation Shapelet est parmi les techniques donnant les meilleurs taux d'erreur en classification. Par ailleurs, elle est très appréciée par les experts du domaine car les résultats obtenus avec cette technique sont faciles à interpréter. Dans cet article, nous allons adapter cette technique pour la classification des séries temporelles incertaines.

La classification par transformation en shapelet peut se résumer en trois étapes : premièrement il y a l'extraction des shapelets qui peut être vue comme une sélection des caractéristiques. Deuxièmement il y a la transformation shapelet qui consiste à calculer les vecteurs

caractéristiques des différentes instances. Enfin il y a la classification proprement dite, faite avec un algorithme de classification supervisée quelconque. Dans les deux premières étapes, la distance euclidienne est utilisée pour mesurer la similarité entre séries temporelles ; Or cette mesure de similarité ne prend pas en compte l'incertitude. Notre contribution consiste premièrement à développer une mesure de similarité incertaine, et deuxièmement faire une classification par transformation Shapelet en utilisant cette mesure de similarité incertaine.

La suite de cet article est organisée comme suit : l'état de l'art est présenté à la section 2 et notre contribution est décrite à la section 3. Dans la section 4 nous présentons les expérimentations et enfin, la section 5 conclut ce papier et présente les perspectives.

2 Etat de l'art

La classification des séries temporelles a subi une très grande avancée durant cette dernière décennie. D'abord introduite avec les arbres de décision shapelet (Ye et Keogh, 2009), elle a été généralisée en transformation shapelet (Hills et al., 2014). Cette généralisation permet d'utiliser cette méthode de classification dans un modèle ensembliste appelé HIVE-COTE (Lines et al., 2018), qui est le meilleur modèle de classification de séries temporelles à l'heure actuelle. De loin que nous sachions, tous les modèles développés sont certes très performants, mais ont tous en commun le fait de ne pas prendre en compte l'incertitude dans les données.

La gestion de l'incertitude dans les séries temporelles s'est faite jusqu'ici par le développement de métriques capable de mesurer la similarité en prenant en compte l'incertitude. En effet plusieurs chercheurs s'y sont penchés et ont pu développer plusieurs mesures de similarité dites probabilistes (Dallachiesa et al., 2012). Ces mesures de similarité probabilistes calculent la probabilité que la similarité entre deux séries temporelles incertaines soient inférieure à un certain seuil défini par l'utilisateur. La mesure MUNICH (Aßfalg et al., 2009) requiert plusieurs observations à chaque instant. Les mesures PROUD (Yeh et al., 2009) et DUST (Sarangi et Murthy, 2010) quant à eux nécessitent que la distribution de l'incertitude soit connue. Contrairement à PROUD et DUST qui fournissent la probabilité que la similarité soit inférieure à un seuil, la mesure FOTS (Siyou Fotso et al., 2018) calcule la dissimilarité. Par ailleurs FOTS n'a pas besoin de connaître la distribution de chaque observation, il n'a pas non plus besoin d'avoir plusieurs observations à un même instant comme MUNICH. Bien que FOTS résiste à l'incertitude, elle ne la prend pas en compte de façon explicite.

Les mesures de similarité probabilistes ne sont pas directement utilisables dans la transformation en Shapelet, car elles ne calculent pas la similarité proprement dite mais plutôt la probabilité que la similarité soit dans un intervalle. Par ailleurs, les informations qu'elles requièrent ne sont pas toujours disponibles ; En effet la distribution de l'incertitude n'est pas toujours connue (PROUD et DUST) et on n'a pas toujours plusieurs observations à chaque instant (MUNICH). FOTS pourrait être une solution, mais en plus de ne pas prendre en compte l'incertitude de façon explicite, sa complexité quadratique rendrait la transformation Shapelet encore plus lente qu'elle ne l'est déjà. Dans ce papier nous proposons une métrique qui ne requiert aucune information supplémentaire et dont la complexité est linéaire.

3 Contribution

3.1 Motivation

Contrairement à l'erreur qui peut être supprimée en étant minutieux, l'incertitude ne peut pas être supprimée (Taylor, 1996). Quelque soit les techniques utilisées pour faire une mesure, il y a toujours de l'incertitude. Ainsi la similarité entre deux mesures incertaines ne peut être donnée de façon fiable. De même, la similarité entre deux séries temporelles incertaines doit être accompagnée d'une incertitude. Bien qu'il existe plusieurs façons de représenter l'incertitude, nous allons nous limiter à la représentation donnée par Taylor (1996).

Définition 3.1.1. Une mesure incertaine x est définie par une estimation optimiste x_{opt} et une incertitude δx sur cette estimation. On note :

$$x = x_{opt} \pm \delta x$$

Cette définition signifie que la valeur fiable (si l'incertitude était éliminée) de la mesure se trouve dans l'intervalle $[x_{opt} - \delta x, x_{opt} + \delta x]$.

La distance euclidienne est une métrique simple utilisée pour mesurer la similarité entre les séries temporelles lorsqu'il y a pas d'incertitude. Elle est particulièrement très utilisée dans les méthodes à bases de shapelets (Ye et Keogh, 2009; Hills et al., 2014; Bagnall et al., 2017). Notre contribution consiste à utiliser les techniques de propagation de l'incertitude (Taylor, 1996) pour définir une nouvelle mesure de similarité incertaine, basée sur la distance euclidienne.

3.2 Mesure de Dissimilarité Incertaine

Commençons par rappeler la définition du carré de la distance euclidienne :

Définition 3.2.1. Soit deux vecteurs $V = (v_1, v_2, \dots, v_n)$ et $U = (u_1, u_2, \dots, u_n)$. Le carré de la distance euclidienne (ED) entre ces deux vecteurs est définie comme suit :

$$ED(V, U) = \sum_{i=1}^n (v_i - u_i)^2$$

Nous souhaitons adapter cette définition pour des vecteurs incertains ; un vecteur incertain étant un vecteur dont les composantes sont des mesures incertaines. Un vecteur incertain V est noté comme suit :

$$V \pm \delta V = (v_1 \pm \delta v_1, v_2 \pm \delta v_2, \dots, v_n \pm \delta v_n)$$

Les opérateurs utilisés dans la distance euclidienne sont les opérateurs d'addition, de soustraction et de puissance. Lorsque ces opérateurs sont utilisés sur des mesures incertaines, le résultat obtenu a une incertitude que l'on peut quantifier. En effet, soient $x = x_{opt} \pm \delta x$ et $y = y_{opt} \pm \delta y$ deux mesures incertaines, Taylor (1996) nous donne les propriétés suivantes :

- L'addition de x et y donne $z = z_{opt} \pm \delta z$, avec $z_{opt} = x_{opt} + y_{opt}$ et $\delta z = \delta x + \delta y$
- La soustraction de x et y donne $z = z_{opt} \pm \delta z$, avec $z_{opt} = x_{opt} - y_{opt}$ et $\delta z = \delta x + \delta y$
- La puissance n -ième de x donne $z = z_{opt} \pm \delta z$, avec $z_{opt} = (x_{opt})^n$ et $\delta z = |n| \frac{\delta x}{|x|} |(x_{opt})^n|$

En utilisant ces propriétés, nous avons pu propager l'incertitude dans le calcul du carré de la distance euclidienne entre deux vecteurs incertains. Le résultat obtenu est une mesure de dissimilarité, que nous avons appelé *UDISSIM*

Définition 3.2.2. *La dissimilarité entre deux vecteurs incertains $V \pm \delta V = (v_1 \pm \delta v_1, v_2 \pm \delta v_2, \dots, v_n \pm \delta v_n)$ et $U \pm \delta U = (u_1 \pm \delta u_1, u_2 \pm \delta u_2, \dots, u_n \pm \delta u_n)$ est définie comme suit :*

$$\text{UDISSIM}(V \pm \delta V, U \pm \delta U) = \sum_{i=1}^n (v_i - u_i)^2 \pm 2 \sum_{i=1}^n |v_i - u_i| \times (\delta v_i + \delta u_i)$$

On peut remarquer que l'estimation optimiste de *UDISSIM* vaut exactement la distance euclidienne ; ainsi si l'incertitude est nulle alors, *UDISSIM* est équivalent à *ED*.

Afin d'utiliser *UDISSIM* comme mesure de dissimilarité dans les shapelets, il est nécessaire de pouvoir comparer deux valeurs incertaines. Lorsque une même mesure est réalisée par plusieurs personnes ou par plusieurs instruments, la notion de discordance (« discrepancy » en anglais) permet de savoir si les différentes mesures sont en accord ou pas (Taylor, 1996). Cette notion n'est pas suffisante pour mesurer la similarité, car on ne cherche pas juste un élément similaire, mais généralement l'élément le plus similaire. De ce fait, il faut une relation d'ordre pour l'ensemble des mesures incertaines. Cette relation d'ordre est donnée avec les deux définitions suivantes :

Définition 3.2.3 (Égalité). *Deux mesures incertaines sont égales si et seulement si leurs estimations optimistes et leurs incertitudes sont égales.*

$$x = y \iff x_{opt} = y_{opt} \wedge \delta x = \delta y$$

Définition 3.2.4 (Infériorité). *La plus petite de deux mesures incertaines est celle dont l'estimation optimiste est la plus petite. Si leurs estimations optimistes sont égales, alors c'est celle avec la plus petite incertitude qui est la plus petite.*

$$x < y \iff (x_{opt} < y_{opt}) \vee ((x_{opt} = y_{opt}) \wedge (\delta x < \delta y))$$

La propriété d'infériorité s'explique par le fait que nous accordons premièrement une certaine confiance à l'estimation optimiste. Deuxièmement nous avons une plus grande confiance aux mesures dont l'incertitude est plus petite. La relation d'ordre telle que nous l'avons définie ne donne pas toujours le bon résultat. En effet, si $x = 2 \pm 0.5$ et $y = 2 \pm 0.1$; d'après la définition de l'infériorité, $y < x$. S'il existait une technique permettant de faire une mesure exacte de x et de y , on pourrait très bien avoir $x = 1.5$ et $y = 2.1$. L'ordre donné par notre définition serait donc incorrect.

Afin d'évaluer expérimentalement la pertinence de *UDISSIM*, nous l'avons utilisée en lieu et place de *ED* pour faire la classification de séries temporelles incertaines en utilisant la transformation shapelet. Dans la section suivante, nous présenterons les expérimentations que nous avons conduites, ainsi que les résultats obtenus.

3.3 Transformation en shapelet incertain : UST

L'algorithme de classification par transformation shapelet est décrit par Hills et al. (2014). Cet algorithme est basé sur le calcul de la similarité entre un Shapelet et une séries temporelles. Dans cette section, nous allons présenter «Uncertain Shapelet Transform (UST)», une

adaptation de l'algorithme de transformation shapelet pour les séries temporelles incertaines. Pour ce faire, il est nécessaire de définir la notion de Shapelet incertain.

Définition 3.3.1 (Série temporelle incertaine). *Une série temporelle T est une suite chronologique de m mesures incertaines. m est appelée la taille de la série.*

$$T = T_{opt} \pm \delta T = \{t_1 \pm \delta t_1, t_2 \pm \delta t_2, \dots, t_m \pm \delta t_m\}$$

Définition 3.3.2 (Sous-séquence incertaine). *Une sous-séquence incertaine S d'une série temporelle incertaine T est une suite ordonnée de l mesures incertaines consécutives de T .*

$$S = S_{opt} \pm \delta S = \{t_{i+1} \pm \delta t_{i+1}, \dots, t_{i+l} \pm \delta t_{i+l}\}$$

Définition 3.3.3 (Dissimilarité entre deux sous-séquences incertaines). *La dissimilarité entre deux sous-séquences incertaines S et R de même taille est donnée par :*

$$d = \text{UDISSION}(S, R) = \text{UDISSION}(R, S).$$

Définition 3.3.4 (Dissimilarité entre sous-séquence et série temporelle incertaines). *La dissimilarité entre une sous-séquence incertaine S et une série temporelle incertaine T est la dissimilarité incertaine entre S et la sous-séquence de T de même taille que S qui soit la plus proche de S .*

$$d = \text{UDISSION}(S, T) = \text{UDISSION}(T, S) = \min\{\text{UDISSION}(S, R) \forall R \in T\}$$

Définition 3.3.5 (Séparateur incertain). *Un séparateur incertain sp d'un ensemble de séries temporelles D est une sous-séquence incertaine qui le divise en deux sous ensembles D_1 et D_2 , avec :*

$$D_1 = \{T \mid \text{UDISSION}(T, sp) \leq \epsilon, \forall T \in D\}, D_2 = \{T \mid \text{UDISSION}(T, sp) > \epsilon, \forall T \in D\}$$

Tout comme dans la transformation shapelet classique (sans prise en compte de l'incertitude), la qualité d'un séparateur est donnée par le gain d'information(IG) (Hills et al., 2014), et se calcul sous la base de l'entropie.

En utilisant les définitions précédentes, nous pouvons désormais définir formellement ce qu'est un Shapelet incertain.

Définition 3.3.6 (Shapelet incertain). *Un shapelet incertain S pour un jeu de données D de séries temporelles incertaines est un séparateur incertain de D qui maximise le gain d'information.*

$$S = \underset{sp}{\text{argmax}}(\text{IG}(D, sp))$$

Étant donné un jeu de données de séries temporelles incertaines, la classification de séries temporelles incertaines par transformation shapelet se fait en trois étapes :

1. Extraction des k meilleurs shapelets incertains S . Ici, *UDISSION* est utilisée pour identifier les meilleurs séparateurs du jeu de données.
2. Calcul des vecteurs caractéristiques : Pour chaque série temporelle incertaine T_i dans le jeu de données, son vecteur caractéristique V_i est un vecteur de taille k dont la composante j est $V_j = \text{UDISSION}(T_i, S_j)$

3. Classification proprement dite : Un modèle de classification supervisé est entraîné sur l'ensemble des couples (V_i, c_i) , où V_i et c_i sont respectivement le vecteur caractéristique et la classe de la série temporelle incertaine T_i . Ce modèle doit faire la classification en prenant en compte l'incertitude qui est présente dans les vecteurs caractéristiques.

Il s'agit là de l'algorithme de classification par transformation shapelet (Hills et al., 2014) dans lequel l'incertitude est prise en compte. En effet, nous utilisons dans la phase d'extraction des shapelets *UDISSIM* en lieu et place de *ED*, ce qui nous permet de propager l'incertitude pendant la transformation (calcul des vecteurs caractéristiques). Enfin, le modèle de classification est entraîné en étant conscient de l'incertitude dans les données. Dans la partie suivante, nous présentons les expérimentations et les résultats que nous obtenons avec notre approche. Nous avons appelé notre algorithme «Uncertain Shapelet Transform» ou «UST»

4 Expérimentations

4.1 Jeux de données

Afin d'évaluer notre contribution, nous avons fait des expérimentations en utilisant les 21 jeux de données listés dans le tableau 1. Ils proviennent du célèbre dépôt UEA/UCR¹. Étant donné que ces jeux de données sont supposés fiables (les mesures sont sans incertitudes), nous y avons ajouté de l'incertitude suivant une distribution normale. Pour chaque jeu de données, la distribution normale de l'incertitude a une moyenne nulle et un écart-type égal à σ , σ étant l'écart-type sur le jeu de données. L'ensemble d'apprentissage utilisé par notre modèle est l'ensemble des jeux de données incertaines obtenues et la valeur absolue des incertitudes générées.

4.2 Code Source

Nous avons réutilisé le code open source mise à disposition par Bagnall et al. (2017) à cette adresse². Ce dépôt github contient une implémentation en langage Java de plusieurs algorithmes de classification des séries temporelles parmi lesquels l'algorithme de classification par transformation shapelet.

Nous avons étendu le code en y implémentant *UDISSIM* et *UST*. Nous avons essayé autant qu'on a pu de réutiliser le code existant car il est très bien fait. Nous avons mis le code source étendu à la disposition du grand public à l'adresse suivante : <https://github.com/frankll/Uncertain-Shapelet-Transform>.

En ce qui concerne l'ajout de l'incertitude dans les données, nous avons utilisé un notebook Jupyter. Le notebook est écrit en langage Python (Version 3) et est disponible à l'adresse suivante : <https://github.com/frankll/Uncertain-Shapelet-Transform/blob/master/add-noise.ipynb>

1. <http://www.timeseriesclassification.com/dataset.php>

2. <https://github.com/uea-machine-learning/tsml>

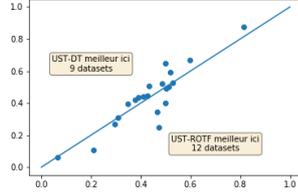
Dataset	Nb d'instances train/test	longueur des séries	Nb classes
Chinatown	20/345	25	2
SmoothSubspace	150/150	16	3
ECGFiveDays	23/861	137	2
SonyAIBORobotSurface	120/601	71	2
MoteStrain	20/1252	85	2
Fungi	18/186	202	18
DiatomSizeReduction	16/306	346	4
ArrowHead	36/175	252	3
TwoLeadECG	23/1139	83	2
BirdChicken	20/20	513	2
PowerCons	180/180	145	2
UMD	36/144	151	3
CBF	30/900	129	3
BME	30/150	129	3
GunPoint	50/150	151	2
MoteStrain	20/1252	85	2
ArrowHead	36/175	252	3
Plane	105/105	145	7
DistalPhalanxTW	400/139	81	6
GunPointOldVersusYoung	136/315	151	2
SyntheticControl	300/300	61	6
DistalPhalanxTW	400/139	81	6
MelbournePedestrian	1200/2450	25	10
MiddlePhalanxOutlineAgeGroup	400/154	81	3
MiddlePhalanxOutlineCorrect	600/291	81	2
MiddlePhalanxTW	399/154	81	6
PowerCons	180/180	145	2
ProximalPhalanxOutlineAgeGroup	400/205	81	3
ProximalPhalanxTW	400/205	81	6

TAB. 1: Liste des jeux de données

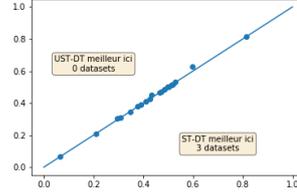
4.3 Résultats

Nous avons comparé deux modèles UST. Le premier (UST-DT) utilise un arbre de décision pour la classification des vecteurs caractéristiques, tandis que le second (UST-ROTF) utilise plutôt les forêts de rotation («Rotation Forest» en anglais). Les vecteurs caractéristiques obtenus avec la propagation ayant de l'incertitude, le modèle de classification devrait donc être capable de prendre cela en compte. Cependant, cette problématique n'est pas le but de cet article. Pour nos expérimentations, nous avons défini deux façons basiques nous permettant de prendre en compte l'incertitude.

Dans la première, les vecteurs caractéristiques sont «aplatis» ; c'est-à-dire que la première moitié contient les estimations optimistes et la seconde moitié les incertitudes. Ainsi l'incertitude est vue par le modèle de classification comme une caractéristique à part entière et

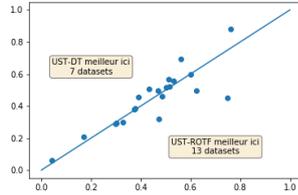


(a) UST-DT vs UST-ROTF

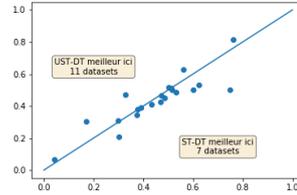


(b) UST-DT vs ST-DT

FIG. 1: Taux de classification avec vecteurs caractéristiques aplatis



(a) UST-DT vs UST-ROTF



(b) UST-DT vs ST-DT

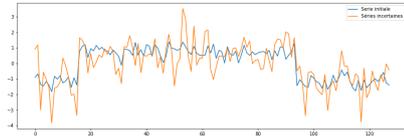
FIG. 2: Taux de classification en utilisant des lois normales

non comme une méta-caractéristique. La figure 1(a) présente un nuage de points représentant les précisions obtenues par les deux modèles sur les différents jeux de données. UST-DT est meilleur sur 9 jeux de données, UST-ROTF sur 12.

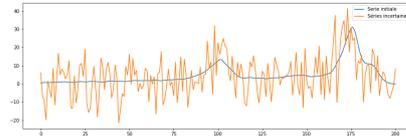
La figure 1(b) compare UST à ST (transformation shapelet classique sans prise en compte de l'incertitude). Les deux modèles donnent les mêmes précisions sur 18 jeux de données. Sur les 3 restants, le modèle classique donne une précision supérieure de 0.8% en moyenne.

Dans la seconde façon de gérer l'incertitude, nous utilisons des lois normales ; chaque composante j d'un vecteur caractéristique est remplacée par la probabilité de réalisation de l'estimation optimiste. Cette probabilité est donnée par une loi gaussienne de moyenne $\frac{max_j + min_j}{2}$ et d'écart-type $\frac{1}{\sqrt{2\pi}}$. min_j et max_j sont respectivement les distances minimales et maximales au shapelet j sur le jeu d'apprentissage. Comme précédemment, UST est meilleur avec les forêts de rotation qu'avec les arbres de décision (figure 2(a)). Cependant, cette façon de prendre en compte l'incertitude rend UST meilleur que ST. En effet UST-DT l'emporte sur 11 jeux de données et perd sur 7.

En observant de plus près les jeux de données sur lesquels nos modèles sont très mauvais, on se rend compte que l'incertitude est très élevée dans ces jeux de données. La figure 3 illustre l'effet de l'incertitude sur deux instances provenant des jeux de données Fungi et CBF. Ce sont là les deux jeux de données sur lesquels nos modèles sont très mauvais. Cependant, ceci n'est pas très surprenant car les modèles de classifications de séries temporelles sont très vulnérables aux attaques (Fawaz et al., 2019a; Karim et al., 2019).



(a) Jeu de données CBF



(b) Jeu de données Fungi

FIG. 3: Illustration de l'incertitude sur deux jeux de données

5 Conclusion

Dans cet article, nous avons présenté une adaptation de la transformation en shapelet pour la classification de séries temporelles incertaines. Pour cela nous avons utilisé *UDISSIM*, une nouvelle mesure de dissimilarité pour des vecteurs vecteurs incertains. Les expérimentations ont montré que la propagation de l'incertitude dans la transformation shapelet permet d'avoir un meilleur taux de classification ; Mais pour cela il faut que l'incertitude propagée soit bien gérée dans la phase de classification. En perspective nous comptons utiliser un modèle de classification supervisé qui soit réellement conscient de l'incertitude. En effet nous pensons qu'on aurait de meilleurs résultats en prenant compte de l'incertitude durant la phase d'entraînement du modèle de classification. Afin d'évaluer davantage notre approche, nous comptons ensuite faire la transformation shapelet en utilisation respectivement PROUD, DUST et MUNICH.

Références

- Aßfalg, J., H.-P. Kriegel, P. Kröger, et M. Renz (2009). Probabilistic similarity search for uncertain time series. In *International Conference on Scientific and Statistical Database Management*, pp. 435–443. Springer.
- Bagnall, A., J. Lines, A. Bostrom, J. Large, et E. Keogh (2017). The great time series classification bake off : a review and experimental evaluation of recent algorithmic advances. *Data Mining and Knowledge Discovery* 31(3), 606–660.
- Dallachiesa, M., B. Nushi, K. Mirylenka, et T. Palpanas (2012). Uncertain Time-Series Similarity : Return to the Basics. *arXiv e-prints*, arXiv :1208.1931.
- Fawaz, H. I., G. Forestier, J. Weber, L. Idoumghar, et P. Muller (2019a). Adversarial attacks on deep neural networks for time series classification. *arXiv preprint arXiv :1903.07054*.
- Fawaz, H. I., G. Forestier, J. Weber, L. Idoumghar, et P.-A. Muller (2019b). Deep learning for time series classification : a review. *Data Mining and Knowledge Discovery* 33(4), 917–963.
- Hills, J., J. Lines, E. Baranauskas, J. Mapp, et A. Bagnall (2014). Classification of time series by shapelet transformation. *Data Mining and Knowledge Discovery* 28(4), 851–881.
- Karim, F., S. Majumdar, et H. Darabi (2019). Adversarial attacks on time series. *arXiv preprint arXiv :1902.10755*.
- Lines, J., S. Taylor, et A. Bagnall (2018). Time series classification with hive-cote : The hierarchical vote collective of transformation-based ensembles. *ACM Transactions on Knowledge*

Discovery from Data (TKDD) 12(5), 52.

- Sarangi, S. R. et K. Murthy (2010). Dust : a generalized notion of similarity between uncertain time series. In *Proceedings of the 16th ACM SIGKDD international conference on Knowledge discovery and data mining*, pp. 383–392. ACM.
- Siyou Fotso, V. S., E. Mephu Nguifo, et P. Vaslin (2018). Frobenius correlation based u-shapelets discovery for time series clustering.
- Taylor, J. R. (1996). *An Introduction to Error Analysis : The Study of Uncertainties in Physical Measurements* (2 Sub ed.). University Science Books.
- Ye, L. et E. Keogh (2009). Time series shapelets : a new primitive for data mining. In *Proceedings of the 15th ACM SIGKDD international conference on Knowledge discovery and data mining*, pp. 947–956. ACM.
- Yeh, M.-Y., K.-L. Wu, P. S. Yu, et M.-S. Chen (2009). Proud : a probabilistic approach to processing similarity queries over uncertain data streams. In *Proceedings of the 12th International Conference on Extending Database Technology : Advances in Database Technology*, pp. 684–695. ACM.

Summary

Time serie classification is used in a diverse range of domain such as meteorology, medicine and physics. It aims to classify chronological data. Many accurate approaches have been built during the last decade and shapelet transformation is one of them. However, none of these approaches does take data uncertainty into account. Using uncertainty propagation techniques, we propose a new dissimilarity measure based on euclidean distance. We also show how to use this new measure to adapt shapelet transformation to uncertain time series classification. An experimental assessment of our contribution is done on some state of the art datasets.